

ফ্লেকচার সূত্র এবং WSD পদ্ধতিতে আরসিসি আয়তাকার বিম ডিজাইন (Flexure Formula and Design of RCC Rectangular Beam in WSD Method)

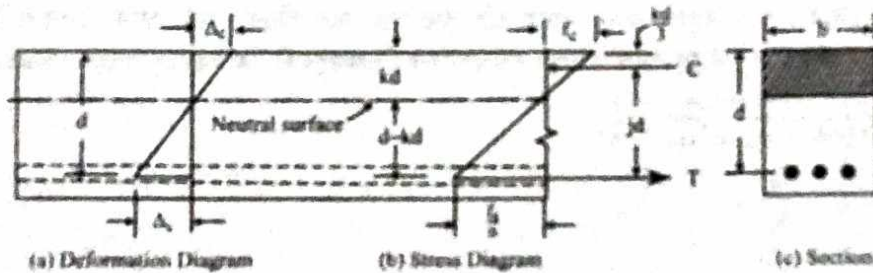
৭.১ ফ্লেকচার সূত্র উদ্ভাবনে ব্যবহৃত মৌলিক ধারণাসমূহ (Basic assumptions used in developing the flexure formula) :

কংক্রিট যোহোত দুই সামান্য পরিমাণ টান সহ্য করতে পারে, সেহেতু কোনো কাঠামোর যে অংশের উপর টান পীড়ন সৃষ্টি হয়, সেখানে টান পীড়ন প্রতিরোধ করতে এতে রিইনফোর্সিং স্টিল রড ব্যবহার করা হয়। সুতরাং "টান পীড়ন সহ্য করবে কংক্রিট আর টান পীড়ন সহ্য করবে রড" এ তত্ত্বের উপর ভিত্তি করে আরসিসি বিম ডিজাইনের সকল সূত্রের ব্যুৎপত্তি বা উদ্ভাবন ঘটেছে। আরসিসি বিমের ক্ষেত্রে নিরপেক্ষ অক্ষের অবস্থান, টান ও চাপ পীড়নের মান এবং কংক্রিট ও রডের স্থিতিস্থাপক গুণাক (E, এবং E_s) এর অনুপাত, n (মডুলার রেশিও)-এর মানের উপর নির্ভর করে।

আরসিসি বিম ডিজাইনের সূত্র নিম্নলিখিতের জন্য কতিপয় মৌলিক ধারণা ব্যবহার করা হয়, যথা—

১. বেডিং এর পূর্বে বিমের প্রস্থচ্ছেদ যেমন থাকে, বেডিং-এর পরেও তা তেমন থাকবে। অর্থাৎ, কোনো অনুভূমিক ফাইবার (Fibre)-এর বিকৃতির নিরপেক্ষ অক্ষ থেকে দূরত্বের সাথে সরাসরি সমানুপাতিক।
২. কংক্রিট এবং রডের মধ্যে সঠিক সংলগ্নতা (Adhesion) বিদ্যমান থাকে। নির্মাল উপকরণগুলোর বিকৃতির কারণে এ সংলগ্নতা কোনোক্রমেই বিনষ্ট হয় না।
৩. কংক্রিটের টান পীড়ন প্রতিরোধ ক্ষমতাকে সম্পূর্ণরূপে অগ্রাহ্য করা হয় এবং যাবতীয় টান পীড়ন প্রতিরোধের জন্য সম্পূর্ণভাবে রডের উপর নির্ভর করা হয়।
৪. রড এবং কংক্রিট স্থিতিস্থাপক সীমা লংঘন করবে না এবং হুকের সূত্র (Hooke's law) মেনে চলবে।

৭.২ ভার অর্পিত আরসিসি বিমের পীড়ন চিত্র (The stress diagram of loaded RCC beams) :



চিত্র : ৭.১ আরসিসি বিমের পীড়ন, বিকৃতি ও প্রস্থচ্ছেদ

৭.৩ ওয়ার্কিং স্ট্রেস ডিজাইন পদ্ধতিতে ফ্লেকচার সূত্রে ব্যবহৃত নোটেশনের ব্যাখ্যা (Notation used in flexure formula in WSD method) :

আরসিসি কাঠামোর বেডিং সূত্রসমূহ নির্ণয়ে নিম্নলিখিত প্রতীকসমূহ ব্যবহার করা হয়, যথা—

Δ_c = কংক্রিটের প্রতি একক সৈর্যে বিকৃতি (চিত্র : ৭.১)

Δ_s = স্টিলের প্রতি একক সৈর্যে বিকৃতি

E_c = স্টিলের স্থিতিস্থাপক গুণাক, কেজি/বর্গ সেমি

= 2039000 কেজি/বর্গসেমি (2900000 পাউন্ড/বর্গইঞ্চি)

E_s = কংক্রিটের স্থিতিস্থাপক গুণাক, কেজি/বর্গ সেমি

= $W^{1.5} \times 4270 \sqrt{f_c}$ কেজি/বর্গ সেমি

= $W^{1.5} \times 33 \sqrt{f_c}$ পাউন্ড/বর্গইঞ্চি

যেখানে, W = প্রতি ঘনমিটার কংক্রিটের ওজন = 2.323 টন/ঘনমিটার (অথবা 150 পাউন্ড/বর্গইঞ্চি)

n = মডুলার রেশিও = $\frac{\text{স্টিলের স্থিতিস্থাপক গুণাক}}{\text{কংক্রিটের স্থিতিস্থাপক গুণাক}} = \frac{E_s}{E_c} = \frac{2039000}{W^{1.5} \times 4270 \times \sqrt{f_c}}$

- f_c = নিরপেক্ষ অক্ষ হতে দূরবর্তী ফাইবারে কংক্রিটের একক চাপ পীড়ন, কেজি/বর্গ সেমি
 f_s = বিমের দৈর্ঘ্য বরাবর স্থাপিত রডের একক টান পীড়ন, কেজি/বর্গ সেমি
 b = বিমের প্রস্থ, সেমি
 d = বিমের চাপ এলাকার বহিঃস্থ বিন্দু থেকে লম্বালম্বি রডের কেন্দ্রবিন্দু পর্যন্ত দূরত্ব, সেমি। একে কার্যকরী গভীরতা (Effective depth) বলা হয়।
 k = বিমের নিরপেক্ষ অক্ষ হতে প্রস্থচ্ছেদের চাপ এলাকার বহিঃগর্ভ পর্যন্ত দূরত্ব এবং বিমের কার্যকরী গভীরতার অনুপাত $= \frac{kd}{d}$
 kd = বিমের প্রস্থচ্ছেদের চাপ এলাকার বহিঃগর্ভ থেকে নিরপেক্ষ অক্ষের দূরত্ব, সেমি
 j = বিমের চাপ পীড়নের লব্ধি বিন্দু ও টান পীড়নের কেন্দ্রবিন্দুর মধ্যবর্তী দূরত্ব ও কার্যকরী গভীরতার অনুপাত $= \frac{jd}{d}$
 jd = চাপ পীড়নের লব্ধি বিন্দু ও টান পীড়নের কেন্দ্রবিন্দু পর্যন্ত দূরত্ব, সেমি। এটি প্রতিরোধী যুগলের (Couple) মধ্যবর্তী লম্বিক দূরত্ব। একে লিভার আর্ম বলে।
 A_s = বিমের লম্বালম্বি রডের প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রফল, বর্গ সেমি
 ρ = স্টিল রেশিও। লম্বালম্বি রডের প্রস্থচ্ছেদের ক্ষেত্রফল ও বিমের কার্যকরী ক্ষেত্রফলের অনুপাত, $\rho = \frac{A_s}{bd}$
 M_c = কংক্রিটের চাপ পীড়ন দ্বারা সৃষ্ট প্রতিরোধী মোমেন্ট, কেজি-সেমি
 M_s = লম্বালম্বি রডের টান পীড়ন দ্বারা সৃষ্ট প্রতিরোধী মোমেন্ট, কেজি-সেমি
 M = প্রয়োগকৃত বল দ্বারা সৃষ্ট বেড়িং মোমেন্ট, কেজি-সেমি
 C = কংক্রিটের অনুভূমিক চাপ পীড়নের লব্ধি বল, কেজি
 T = রডের অনুভূমিক টান পীড়নের লব্ধি বল, কেজি।

৭.৪ ওয়ার্কিং স্ট্রেস ডিজাইন পদ্ধতিতে আরসিসি বিমের জন্য ফ্লেকচার সূত্র নিরূপণ (Derive the flexur formula for RCC beams in the WSD method) :

আরসিসি বিমের তত্ত্বীয় অনুমান অনুসারে আমরা জানি, বিমের যে-কোনো ফাইবারে বিকৃতি নিরপেক্ষ অক্ষ হতে দূরত্বের সাথে সরাসরি সমানুপাতিক (চিত্র : ৭.১ বিকৃতি চিত্র) বিকৃতি যদি বৃদ্ধি পায় তবে পীড়নও বৃদ্ধি পাবে। সেজন্য বিমের কোনো ফাইবারে পীড়নের মান নিরপেক্ষ অক্ষ থেকে দূরত্বের সাথে সরাসরি সমানুপাতিক। সংজ্ঞানুযায়ী, স্থিতিস্থাপক গুণাংক (Modulus of elasticity),

$$E = \frac{\text{একক পীড়ন (Unit stress)}}{\text{একক বিকৃতি (Unit strain)}} = \frac{f}{\Delta}$$

$$\therefore E_s = \frac{f_s}{\Delta_s} \text{ এবং } E_c = \frac{f_c}{\Delta_c}$$

$$\text{বা, } \Delta_s = \frac{f_s}{E_s} \text{ এবং } \Delta_c = \frac{f_c}{E_c}$$

যেহেতু বিকৃতি নিরপেক্ষ অক্ষ থেকে দূরত্বের সাথে সমানুপাতিক,

$$\text{সেহেতু, } \Delta_c \propto kd \text{ এবং } \Delta_s \propto (d - kd)$$

$$\text{সুতরাং, } \frac{\Delta_c}{\Delta_s} = \frac{f_c/E_c}{f_s/E_s} = \frac{kd}{d - kd}$$

$$\text{বা, } \frac{f_c/E_c}{f_s/E_s} = \frac{k}{1 - k}$$

$$\text{বা, } \frac{f_c E_s}{f_s E_c} = \frac{k}{1 - k} \dots \dots \dots (a)$$

$$\text{আমরা জানি, } n = \frac{E_s}{E_c}$$

$$\text{বা, } \frac{f_c}{f_s} n = \frac{k}{1 - k}$$

$$\text{বা, } \frac{f_c}{f_s} = \frac{k}{n(1 - k)} \dots \dots \dots (b)$$

$$\text{সুতরাং, } f_c = \frac{f_s k}{n(1-k)} \dots \dots \dots (i)$$

$$\text{এবং } f_s = \frac{n f_c (1-k)}{k} \dots \dots \dots (ii)$$

আবার (ii) নং সমীকরণ হতে পাই—

$$k f_s = n f_c - n k f_c$$

$$\text{বা, } k f_s + n k f_c = n f_c$$

$$\therefore k (f_s + n f_c) = n f_c$$

$$\text{অর্থাৎ, } k = \frac{n f_c}{f_s + n f_c}$$

$$\text{বা, } k = \frac{n}{\frac{f_s}{f_c} + n} \quad [f_c \text{ দ্বারা ভাগ করে}]$$

$$\therefore k = \frac{n}{n + f_s/f_c} \dots \dots \dots (iii)$$

কংক্রিটের চাপ পীড়ন এলাকায় প্রতিরোধী মোমেন্ট, (Resisting moment of concrete in compressive stress zone)

$$M_c = (\text{গড় একক পীড়ন} \times \text{চাপ এলাকায় কংক্রিটের ক্ষেত্রফল}) \times \text{লিভার আর্ম}$$

পূর্বেই বলা হয়েছে, নিরপেক্ষ অক্ষে চাপ পীড়নের মান শূন্য এবং সর্বদূর্বর্তী ফাইবারে সর্বোচ্চ, f_c

$$\text{সুতরাং, গড় চাপ পীড়ন} = \frac{0 + f_c}{2} = \frac{f_c}{2}$$

$$\text{বিমের চাপ এলাকায় কংক্রিটের ক্ষেত্রফল} = k d \times b$$

$$\therefore \text{চাপ পীড়নের লব্ধি বল, } C = \frac{1}{2} f_c \times k d b$$

$$\text{যান্ত্রিক যুগলের মধ্যবর্তী দূরত্ব} = j d$$

$$\therefore \text{কংক্রিটের প্রতিরোধক মোমেন্ট,}$$

$$M_c = C \times j d = \frac{1}{2} f_c b k d \times j d = \frac{1}{2} f_c j k b d^2$$

$$\text{সাম্যাবস্থার নীতি অনুসারে, } M_c = M = \frac{1}{2} f_c j k b d^2$$

$$\therefore M = \frac{1}{2} f_c j k b d^2 \dots \dots \dots (iv)$$

আবার টান পীড়নের জন্য স্টিলের প্রতিরোধী মোমেন্ট, (Resisting moment of steel for tension stress)

$$M_s = (\text{একক পীড়ন} \times \text{স্টিলের ক্ষেত্রফল}) \times \text{লিভার আর্ম}$$

$$\text{বিমের দৈর্ঘ্য বরাবর ব্যবহৃত স্টিলের একক টান পীড়ন} = f_s$$

$$\text{বিমের দৈর্ঘ্য বরাবর ব্যবহৃত স্টিলের ক্ষেত্রফল} = A_s$$

$$\therefore \text{টান পীড়নের লব্ধি বল, } T = A_s f_s$$

$$\text{যান্ত্রিক যুগলের মধ্যবর্তী দূরত্ব} = j d$$

$$\therefore \text{স্টিলের প্রতিরোধী মোমেন্ট, } M_s = T \times j d = A_s f_s j d$$

$$\text{সাম্যাবস্থার জন্য, } M_s = M = A_s f_s j d$$

$$\therefore M = A_s f_s j d \dots \dots \dots (v)$$

$$\text{কিন্তু, } A_s = \rho b d$$

$$\therefore M = M_s = A_s f_s j d$$

$$\text{বা, } M_s = \rho b d f_s j d = \rho f_s j b d^2 \dots \dots \dots (vi)$$

বিমের কার্যকরী গভীরতা, d (Effective depth of beam) :

যেহেতু বিমের বেজিং মোমেন্ট ও প্রতিরোধী মোমেন্ট পরস্পর সমান, সেহেতু—

$$M_e = M$$

$$\text{বা, } \frac{1}{2} f_c j k b d^2 = M$$

$$\text{বা, } d^2 = \frac{M}{\frac{1}{2} f_c j k b}$$

$$\text{বা, } d = \sqrt{\frac{M}{\frac{1}{2} f_c j k b}}$$

কিন্তু $\frac{1}{2} f_c j k = R$ [কোনো নির্দিষ্ট বিমের জন্য f_c, j, k নির্দিষ্ট বলে এ মান ধরা হয়]

$$\therefore d = \sqrt{\frac{M}{R b}} \dots \dots \dots \text{(vii)}$$

j -এর মান :

আমরা জানি, কংক্রিটের চাপ পীড়নের লব্ধি বল কেন্দ্রবিন্দুর উপর থেকে $\frac{k d}{3}$ দূরত্বে অবস্থিত এবং লব্ধি "C" এবং "T" মধ্যবর্তী দূরত্ব = $j d$

$$\therefore j d = d - \frac{k d}{3}$$

$$\text{বা, } j d = d \left(1 - \frac{k}{3} \right)$$

$$\therefore j = 1 - \frac{k}{3} \dots \dots \dots \text{(viii)}$$

স্টিলের ক্ষেত্রফল, A_s নির্ণয় :

(v) নং সমীকরণ হতে পাই—

$$M_s = M = A_s f_s j d$$

$$\therefore A_s = \frac{M}{f_s j d} \dots \dots \dots \text{(ix)}$$

' k ' এর নিরীক্ষামূলক মান :

যেহেতু কংক্রিট ও স্টিলের প্রতিরোধী মোমেন্ট পরস্পর সমান সেহেতু—

$$M_e = M_s$$

$$\text{বা, } \frac{1}{2} f_c j k b d^2 = \rho f_s j b d^2$$

$$\text{বা, } \frac{1}{2} f_c k = \rho f_s$$

$$\therefore \frac{f_c}{f_s} = \frac{2\rho}{k} \dots \dots \dots \text{(x)}$$

' b ' নং সমীকরণে $\frac{f_c}{f_s}$ এর মান বসালে

$$\text{অর্থাৎ, } \frac{k}{n(1-k)} = \frac{2\rho}{k}$$

$$\text{বা, } k^2 = 2\rho n (1-k)$$

$$\text{বা, } k^2 = 2\rho n - 2\rho n k$$

$$\text{বা, } k^2 + 2\rho n k = 2\rho n$$

$$\text{বা, } (k)^2 + 2k\rho n + (\rho n)^2 = 2\rho n + (\rho n)^2$$

$$\text{বা, } (k + \rho n)^2 = 2\rho n + (\rho n)^2$$

$$\text{বা, } k + \rho n = \sqrt{2\rho n + (\rho n)^2}$$

$$\therefore k = \sqrt{2\rho n + (\rho n)^2} - \rho n \dots \dots \dots \text{(xi)}$$

প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

$$(i) f_c = \frac{f_s k}{n(1-k)}$$

$$(ii) f_s = \frac{n f_c (1-k)}{k}$$

$$(iii) k = \frac{n}{n + \frac{f_s}{f_c}} \text{ [ডিজাইন সূত্র]}$$

$$(iv) k = \sqrt{2pn + (pn)^2} - pn \text{ [নিরীক্ষা/অ্যানালাইসিস সূত্র]}$$

$$(v) j = 1 - \frac{k}{3}$$

$$(vi) d = \sqrt{\frac{M}{Rb}}$$

$$n = \frac{29 \times 10^6}{57000 \sqrt{f_c}} \text{ [F.P.S. system, } f_c = \text{Psi or lb/inch}^2]$$

$$n = \frac{2 \times 10^6}{4700 \sqrt{f_c}} \text{ [SI. system, } f_c = \text{MPa or, N/mm}^2]$$

$$(vii) A_s = \frac{M}{f_s j d}$$

$$(viii) A_s = \rho b d$$

$$(x) M_s = A_s f_s j d = \rho f_s j b d^2$$

$$(xii) f_c = 0.45 f_c$$

$$(ix) M_c = \frac{1}{2} f_c j k b d^2$$

$$(xi) \rho = \frac{k f_c}{2 f_s}$$

$$(xiii) f_s = 0.4 f_y$$

$$(xiv) n = \frac{E_s}{E_c}$$

Unit Weight

1 kg = 9.81 Newton = 2.21 lbf
 1M = 3.28ft = 3.28ft = 39.36 inch
 1MPa = 1 N/mm² = 145 psi
 1MPa = 10.20 kg/cm²

এখানে,

f_c = কংক্রিটের পীড়ন
 f_s = স্টিল-এর পীড়ন
 n = মডুলার রেশিও
 k = নিরপেক্ষ অক্ষ হতে চাপ এলাকার দূরবর্তী ফাইবার পর্যন্ত দূরত্ব ($k d$) ও d এর অনুপাত
 J = চাপ পীড়নের লব্ধি বিন্দু এবং টান পীড়নের লব্ধি বিন্দু পর্যন্ত দূরত্ব ($J d$) ও d এর অনুপাত
 M_c = কংক্রিটের প্রতিরোধী মোমেন্ট
 M_s = স্টিল-এর প্রতিরোধী মোমেন্ট
 ρ = স্টিল রেশিও
 d = কার্যকরী গভীরতা, cm
 b = বিমের প্রস্থ, cm
 M = বেঙ্কিং মোমেন্ট (বিম-এর) kg-cm
 A_s = বিমের লম্বালম্বি রডের (প্রধান লোহার) ক্ষেত্রফল, cm²
 E_c = কংক্রিটের স্থিতিস্থাপক গুণাংক, kg/cm²
 E_s = স্টিল-এর স্থিতিস্থাপক গুণাংক, kg/cm²।

৭.৪.১ ফ্লেকচার সূত্রসমূহ ব্যবহারের মাধ্যমে সমস্যা সমাধান (Solved problems using the flexure formula) :

উদাহরণ-১। একটি অবিচ্ছিন্ন আয়তাকার বিমের মধ্যবর্তী স্প্যান দৈর্ঘ্য 6.50m। বিমটির ওপর নিজস্ব ওজনসহ প্রতি মিটারে 3,000 kg লোড বিদ্যমান থাকলে নিচের তথ্যাদির ভিত্তিতে বিমটি আকার ও প্রধান লোহার পরিমাণ নির্ণয় কর।

তথ্যাদি : $f_s = 1400 \text{ kg/cm}^2$, $f_c = 211 \text{ kg/cm}^2$, $n = 10$ ।

[বাকাশিবো-২০০৬, ১২. ১৭]

সমাধান :

ধাপ-১ ডিজাইন লোড :

মোট লোড, $W = \omega L = 3000 \times 6.5$
 $= 19500 \text{ kg}$

দেওয়া আছে,
 $\omega = 3000 \text{ kg/m}$

ধাপ-২ সর্বোচ্চ বেঙ্কিং মোমেন্ট :

সর্বোচ্চ পজিটিভ ও নেগেটিভ বেঙ্কিং মোমেন্ট,

$$M = \frac{\omega L^2}{12} = \frac{3000 \times (6.5)^2}{12} \times 100$$

$$= 1056250 \text{ kg-cm}$$

ধাপ-৩ বিমের গভীরতা :

$$d = \sqrt{\frac{M}{Rb}}$$

$$= \sqrt{\frac{1056250}{16.50 \times 28}}$$

$$= 47.80 \text{ cm}$$

$$\approx 48 \text{ cm.}$$

ধরি, কভারিং 6 cm

∴ মোট গভীরতা, $D = 48 + 6 = 54 \text{ cm}$ ∴ বিমটির আকার = $(28 \text{ cm} \times 54 \text{ cm})$

ধাপ-৪ টেনসাইল রডের ক্ষেত্রফল :

$$A_s = \frac{M}{f_s J d} = \frac{1056250}{1400 \times 0.86 \times 48} = 18.28 \text{ cm}^2$$

$$25 \text{ mm ব্যাসের রড ব্যবহার করলে রডের সংখ্যা} = \frac{18.28}{0.785 \times (2.5)^2}$$

$$= 3.73 \text{ টি}$$

$$\approx 4 \text{ টি।}$$

∴ 25mm ব্যাসের রড 4টি ধনাত্মক ও ঋণাত্মক উভয় এলাকায় ব্যবহার করতে হবে।

উদাহরণ-২। একটি আয়তাকার বিমের প্রস্থ 30 cm ও কার্যকরী গভীরতা 55cm। বিমটিতে 5টি 19mm ব্যাসের প্রধান রড আছে। কংক্রিটের 28 দিনের সর্বোচ্চ পীড়ন 200 kg/cm^2 , স্টিলের অনুমোদনযোগ্য পীড়ন 1350 kg/cm^2 এবং $n = 9$ হলে প্রতিরোধী মোমেন্ট নির্ণয় কর।

[বাকাশিবো-২০১৫(পরি), ১৬(পরি), ১৭(পরি)]

সমাধান : বিমের কার্যকরী ক্ষেত্রফল $= b \times d = 30 \times 55 = 1650 \text{ cm}^2$

$$5 \text{ টি } 19 \text{ mm ব্যাসের রডের ক্ষেত্রফল} = \frac{\pi}{4} \times (1.9)^2 \times 5 = 14.18 \text{ cm}^2$$

$$\text{সুতরাং, } \rho = \frac{A_s}{b \times d} = \frac{14.18}{1650} = 0.0086$$

$$j = 1 - \frac{k}{3} = 1 - \frac{0.324}{3} = 0.892$$

অতএব, কংক্রিটের প্রতিরোধী মোমেন্ট,

$$M_c = \frac{1}{2} f_c j k b d^2 = \frac{1}{2} \times 99 \times 0.892 \times 0.324 \times 30 \times 55^2$$

$$= 1180236.42 \text{ kg-cm}$$

এবং স্টিলের প্রতিরোধী মোমেন্ট,

$$M_s = A_s f_s j d = 14.18 \times 1350 \times 0.892 \times 55 = 939155.58 \text{ kg-cm} < M_c$$

∴ নির্ণেয় রেজিস্টিং মোমেন্ট $= 939155.58 \text{ kg-cm}$

$$\therefore k = \sqrt{2\rho n + (\rho n)^2} - \rho n$$

$$= \sqrt{2 \times 0.0086 \times 9 + (0.0086 \times 9)^2} - 0.0086 \times 9$$

$$= 0.324$$

উদাহরণ-৩। একটি সম্পূর্ণ অবিচ্ছিন্ন বিমের আন্তরীণ স্প্যানের মুক্ত দৈর্ঘ্য 7 মিটার। বিমটির প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে উহার নিজস্ব ওজনসহ 1600 কেজি লোড সমভাবে বিস্তৃত থাকলে নিম্নের তথ্যাদির সাহায্যে আয়তাকার বিমটির প্রস্থ, কার্যকরী গভীরতা এবং রিইনফোর্সমেন্টের পরিমাণ নির্ণয় কর।

[বাকাশিবো-২০১১(পরি), ২০১৬(পরি)]

তথ্যাদি : $f_s = 1400 \text{ kg/cm}^2$, $f_c = 210 \text{ kg/cm}^2$, $n = 10$

সমাধান : ধাপ-১ ডিজাইন লোড :

$$\text{মোট লোড, } W = \omega L = 1600 \times 7.25$$

$$= 11600 \text{ kg}$$

ধরি, সাপোর্টের পুরুত্ব $= 25 \text{ cm}$

$$\therefore L = 7 + 0.25 = 7.25 \text{ m}$$

$$w = 1600 \text{ kg/m}$$

ধাপ-২ সর্বোচ্চ শিয়ার :

$$\text{সর্বোচ্চ ভার্টিক্যাল শিয়ার, } V = \frac{W}{2} = \frac{11600}{2} = 5800 \text{ kg}$$

ধাপ-৩ সর্বোচ্চ বেঙ্জিং মোমেন্ট :

$$M = \frac{\omega L^2}{12} = \frac{1600 \times 7.25^2}{12} \times 100$$

$$= 700833.33 \text{ kg-cm}$$

ধাপ-৪ বিমের গভীরতা :

$$f_c = 0.45 f'_c = 0.45 \times 210 = 94.5 \text{ kg/cm}^2$$

∴ বিমের কার্যকরী গভীরতা,

$$d = \sqrt{\frac{M}{Rb}}$$

$$= \sqrt{\frac{700833.33}{16.49 \times 25}}$$

$$= 41.23 \text{ cm} \approx 42 \text{ cm}$$

ধরি, কভারিং 6 cm

$$\therefore \text{গভীরতা, } D = 42 + 6 = 48 \text{ cm}$$

$$\therefore \text{বিমের আকার} = 25 \text{ cm} \times 48 \text{ cm}$$

ধাপ-৫ টেনসাইল রডের ক্ষেত্রফল :

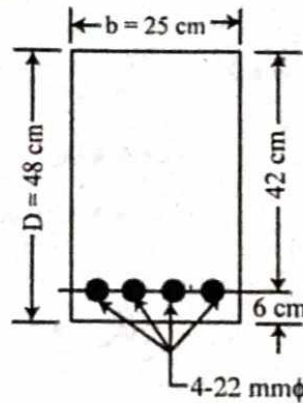
$$A_s = \frac{M}{f_s j d}$$

$$= \frac{700833.33}{1400 \times 0.866 \times 42} = 13.76 \text{ cm}^2$$

$$22 \text{ মিমি ব্যাসের রডের ক্ষেত্রফল} = \frac{\pi}{4} \times (2.2)^2 = 3.80 \text{ cm}^2$$

$$\text{রডের সংখ্যা} = \frac{13.76}{3.80} = 3.62 \approx 4 \text{ টি}$$

∴ 22 মিমি ব্যাসের রড 4টি ব্যবহার করতে হবে। ধনাত্মক ও ঋণাত্মক উভয় মোমেন্ট এলাকায়।



উদাহরণ-৪। একটি পুরোপুরি অবিচ্ছিন্ন আয়তাকার বিমের মধ্যবর্তী স্প্যান দৈর্ঘ্য 6.50 মি। বিমটির ওপর নিজস্ব ওজনসহ প্রতি মিটারে 2500 কেজি ওজন বর্তমান থাকলে নিচের তথ্যাদির ভিত্তিতে বিমটির আকার ও প্রধান লোহার পরিমাণ নির্ণয় কর।

তথ্যাদি : $f_s = 1400 \text{ kg/cm}^2$, $f'_c = 211 \text{ kg/cm}^2$, $n = 9$

[বাকাশিবো-২০১৫(পরি)]

সমাধান :

ধাপ-১ ডিজাইন লোড :

$$\omega = 2500 \text{ kg/m}$$

$$W = \omega L = 2500 \times 6.5 = 16250 \text{ kg}$$

ধাপ-২ সর্বোচ্চ শিয়ার :

$$V = \frac{W}{2} = \frac{16250}{2} = 8125 \text{ kg}$$

ধাপ-৩ সর্বোচ্চ বেজিং মোমেন্ট :

$$M = \frac{\omega L^2}{12} = \frac{2500 \times 6.5^2}{12} \times 100 = 880208.33 \text{ kg-cm}$$

ধাপ-৪ বিমের গভীরতা :

∴ বিমের কার্যকরী গভীরতা,

$$d = \sqrt{\frac{M}{R_b}} \\ = \sqrt{\frac{880208.33}{15.73 \times 28}} \\ = 44.70 \text{ cm} \\ \approx 45 \text{ cm}$$

ধরি,

∴ কভারিং 6 cm

∴ গভীরতা, $D = 45 + 6 = 51 \text{ cm}$

∴ বিমের আকার = $28 \times 51 \text{ cm}$

ধাপ-৫ টেনসাইল রডের ক্ষেত্রফল :

$$A_s = \frac{M}{f_s j d} = \frac{880208.33}{1400 \times 0.874 \times 45} = 15.99 \text{ cm}^2$$

$$25 \text{ মিমি ব্যাসের রডের ক্ষেত্রফল} = \frac{\pi}{4} \times 2.5^2 = 4.91 \text{ cm}^2$$

$$\text{রডের সংখ্যা} = \frac{15.99}{4.91} = 3.26 \approx 4 \text{ টি}$$

∴ 25 মিমি ব্যাসের রড 4টি ধনাত্মক ও ঋণাত্মক উভয় এলাকায় ব্যবহার করতে হবে।

উদাহরণ-৫। একটি আয়তাকার আরসিসি বিমের প্রস্থ 25 সেমি এবং কার্যকরী গভীরতা 40 সেমি। উহাতে তিনটি 20 মিমি ব্যাসের রড প্রধান রিইনফোর্সমেন্ট হিসাবে ব্যবহার করা হলে বিমের রেজিস্টিং মোমেন্ট কত হবে বা কী পরিমাণ মোমেন্ট নিরাপদে বহন করতে পারবে?

[বাকাশিবো-২০১৩(পরি)]

তথ্যাদি : $f_s = 1400 \text{ kg/cm}^2$, $f'_c = 210 \text{ kg/cm}^2$, $n = 9$

সমাধান :

১। নিরপেক্ষ অক্ষ (x) :

$$\frac{bx^2}{2} = n A_s (d - x)$$

$$\frac{25x^2}{2} = 9 \times 9.42 (40 - x)$$

$$\therefore x = 13.42 \text{ cm}$$

২। জিভার আর্ম (jd) :

$$Jd = d - \frac{x}{3}$$

$$= 40 - \frac{13.42}{3}$$

$$= 35.52 \text{ cm}$$

৩। প্রতিরোধী মোমেন্ট :

$$M_c = \frac{1}{2} f_c \cdot j d \cdot k d \cdot b$$

$$= \frac{1}{2} \times 94.5 \times 35.52 \times 13.42 \times 25$$

$$= 563076.36 \text{ kg. cm}$$

$$M_s = A_s \cdot f_s \cdot Jd$$

$$= 9.42 \times 1400 \times 35.52$$

$$= 4,68,437.76 \text{ kg. cm}$$

এক্ষেত্রে $M_c > M_s$

∴ নির্ণেয় রেজিস্টিং মোমেন্ট = 4,68,437.76 kg-cm (Ans.)

$$f'_c = 0.45 f_c = 0.45 \times 211 = 94.95 \text{ kg/cm}^2$$

$$k = \frac{n}{n + \frac{f_s}{f'_c}} = \frac{9}{9 + \frac{1400}{94.95}} = 0.379$$

$$j = 1 - \frac{k}{3} = 1 - \frac{0.379}{3} = 0.874$$

$$R = \frac{1}{2} f_c j k = \frac{1}{2} \times 94.95 \times 0.874 \times 0.379 = 15.73$$

ধরি,

$$\therefore b = 28 \text{ cm}$$

দেয়া আছে,

$$A_s = 3 \times \frac{\pi}{4} \times 2.0^2 = 9.42 \text{ cm}^2$$

$$f'_c = 0.45 f_c = 0.45 \times 210 = 94.5 \text{ kg/cm}^2$$

উদাহরণ-৬। একটি সাধারণভাবে স্থাপিত আরসিসি আয়তাকার বিমের দৈর্ঘ্য ৬ মিটার। এর উপর বিমের নিজস্ব ওজনসহ প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে ২১০০ কেজি লোড সমভাবে বিতৃত থাকলে বিমের তথ্যাদির সাহায্যে আরসিসি বিমটির ক্রস সেকশন ও লোডের পরিমাণ নির্ণয় কর। [বাকশিবো-২০০৬, ১২]

তথ্যাদি : $f_s = 1400$ কেজি/বর্গ সেমি, $f_c = 210$ কেজি/বর্গ সেমি, $n = 10$

সমাধান : ধাপ-১ ডিজাইন লোড :

$$\omega = 2100 \text{ kg/m}$$

$$W = \omega L = 2100 \times 6 = 12600 \text{ kg}$$

ধাপ-২ সর্বোচ্চ শিয়ার :

$$V = \frac{W}{2} = \frac{12600}{2} = 6300 \text{ kg}$$

ধাপ-৩ সর্বোচ্চ বেডিং মোমেন্ট :

$$M = \frac{\omega L^2}{8} = \frac{2100 \times 6^2}{8} \times 100 = 945000 \text{ kg-cm}$$

ধাপ-৪ বিমের গভীরতা :

মনে করি, $b = 25 \text{ cm}$

$\therefore$ বিমের কার্যকরী গভীরতা,

$$d = \sqrt{\frac{M}{Rb}} = \sqrt{\frac{945000}{16.49 \times 25}} = 47.88 \text{ cm} \approx 48 \text{ cm}$$

ধরি কভারিং ৬ cm

$$\therefore \text{মোট গভীরতা, } D = 48 + 6 = 54 \text{ cm}$$

$\therefore$ বিমের আকার $(25 \times 54) \text{ cm}$

ধাপ-৫ টেনসাইল রডের ক্ষেত্রফল :

$$A_s = \frac{M}{f_{sjd}} = \frac{945000}{1400 \times 0.866 \times 48} = 16.24 \text{ cm}^2$$

$$25 \text{ মিমি ব্যাসের রডের ক্ষেত্রফল} = \frac{\pi}{4} \times (2.5)^2 = 4.91 \text{ cm}^2$$

$$\therefore \text{রডের সংখ্যা} = \frac{16.24}{4.91} = 3.31 \approx 4 \text{ টি}$$

সুতরাং, ৪টি ২৫ মিমি ব্যাসের রড ব্যবহার করতে হবে।

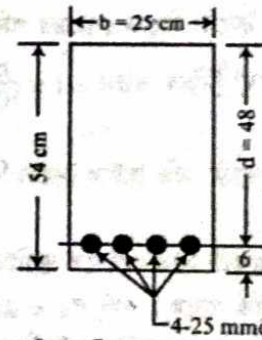
$$f_c = 0.45$$

$$f_c = 0.45 \times 210 = 94.5 \text{ kg/cm}^2$$

$$k = \frac{n}{n + \frac{f_s}{f_c}} = \frac{10}{10 + \frac{1400}{94.5}} = 0.403$$

$$j = 1 - \frac{k}{3} = 1 - \frac{0.403}{3} = 0.866$$

$$R = \frac{1}{2} f_c j k = \frac{1}{2} \times 94.5 \times 0.866 \times 0.403 = 16.49$$



উদাহরণ-৭। একটি সাধারণভাবে স্থাপিত আরসিসি আয়তাকার RCC beam-এর গ্রহণযোগ্য প্রতিরোধী মোমেন্ট এবং নিজস্ব ওজন ছাড়া প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে বিতৃত লোডের পরিমাণ নির্ণয় কর। [বাকশিবো-২০১১]

তথ্যাদি : স্প্যান $l = 6 \text{ m}$, $b = 25 \text{ cm}$, $d = 50 \text{ cm}$, $A_s = 18.4 \text{ cm}^2$, $f_c = 70 \text{ kg/cm}^2$, $f_s = 1250 \text{ kg/cm}^2$, $n = 9$.

সমাধান :

দেওয়া আছে, বিমের দৈর্ঘ্য, $l = 6 \text{ m}$

বিমের প্রস্থ, $b = 25 \text{ cm}$

বিমের কার্যকরী গভীরতা, $d = 50 \text{ cm}$, মোট গভীরতা, $D = (50 + 5) \text{ cm} = 55 \text{ cm}$ [কভারিং ৫cm ধরে]

রিইনফোর্সমেন্টের ক্ষেত্রফল, $A_s = 18.4 \text{ cm}^2$

কংক্রিটের পীড়ন, $f_c = 70 \text{ kg/cm}^2$

স্টিলের পীড়ন, $f_s = 1250 \text{ kg/cm}^2$

৭.৭ সাধারণভাবে স্থাপিত আয়তাকার বিম ডিজাইন (Design a simply supported rectangular beam) :

উদাহরণ-১১। একটি সাধারণভাবে স্থাপিত আয়তাকার দৈর্ঘ্য বিমের ৬.০ মিটার এবং এর নিজস্ব ওজন বাদে ১৮০০ কেজি লোড সমভাবে বিস্তৃত আছে। নিম্নের তথ্যাবলির সাহায্যে আয়তাকার বিমটির এবং লোহার পরিমাণ নির্ণয় কর।

তথ্যাদি : $f_s = 1400 \text{ kg/cm}^2$, $f_c = 210 \text{ kg/cm}^2$, $n = 10$.

[বাকাশিবো-২০০৮, ১৪, ২২(অনুষ্ঠিত-২৩)]

সমাধান :

ধাপ-১। লোড নির্ণয় (Load calculation) :

- (i) বিমটির নিজস্ব ওজন = $0.30 \times 0.50 \times 6 \times 2400 = 2160 \text{ kg}$
 (ii) বিমটির উপর আরোপিত লোড = $1800 \times 6 = 10800 \text{ kg}$
 মোট লোড, $W = 12960 \text{ kg}$

$$\text{ধরি, } D = \frac{L}{10} = \frac{500}{10} = 50 \text{ cm.}$$

$$b = 30 \text{ cm } (b = .50D \sim 0.75D)$$

ধাপ-২। সর্বোচ্চ শিয়ার ফোর্স :

$$\text{শিয়ার ফোর্স, } V = \frac{W}{2} = \frac{12960}{2} = 6480 \text{ kg}$$

ধাপ-৩। সর্বোচ্চ বেজিং মোমেন্ট :

$$M = \frac{wL}{8} = \frac{12960 \times 6 \times 100}{8} = 972000 \text{ kg.cm}$$

ধাপ-৪। গভীরতা নির্ণয় :

$$\text{কার্যকরী গভীরতা, } d = \sqrt{\frac{M}{Rb}}$$

$$\therefore d = \sqrt{\frac{972000}{16.38 \times 30}} = 44.47 \text{ cm} \approx 45 \text{ cm}$$

ধরি, কভারিং ৫cm.

$$\therefore \text{মোট গভীরতা, } D = 45 + 5 = 50 \text{ cm} = 50 \text{ cm (ঠিক আছে)}$$

$$\therefore \text{বিমের আকার} = 30 \text{ cm} \times 50 \text{ cm}$$

ধাপ-৫। টান রডের ক্ষেত্রফল নির্ণয় :

$$A_s = \frac{M}{f_s j d} = \frac{972000}{1400 \times 0.867 \times 45} = 17.80 \text{ cm}^2$$

২৫ মিমি ব্যাসের রড ব্যবহার করলে প্রতিটির ক্ষেত্রফল = 4.91 cm^2 .

$$\therefore \text{রডের সংখ্যা} = \frac{17.80}{4.91} = 3.62 = 4 \text{ টি}$$

সুতরাং, বিমটিতে ৪-২৫mm ব্যাসের রড ব্যবহার করতে হবে।

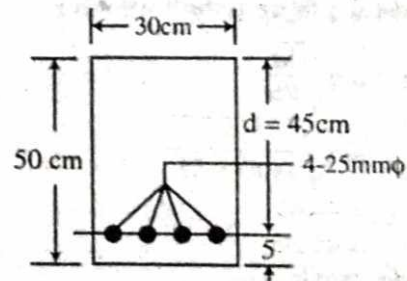
এখানে,

$$k = \frac{n}{n + \frac{f_s}{f_c}} = \frac{10}{10 + \frac{1400}{94.5}} = 0.40$$

$$j = 1 - \frac{k}{3} = 1 - \frac{0.40}{3} = 0.867$$

$$R = \frac{1}{2} f_c j k = \frac{1}{2} \times 94.5 \times 0.867 \times 0.40 = 16.38 \text{ kg/cm}^2$$

এবং গ্রহণ, $b = 30 \text{ cm}$



উদাহরণ-১২। একটি সাধারণভাবে স্থাপিত বিমের কার্যকরী দৈর্ঘ্য ৯.০০ মিটার, গ্রহ ২৫cm ও কার্যকরী গভীরতা ৪৫cm। বিমের নিজস্ব ওজন ব্যতীত প্রতিমিটার দৈর্ঘ্যে ৩০০০ kg লোড সমভাবে বিস্তৃত আছে। নিম্নের তথ্যাবলির সাহায্যে প্রধান লোহার পরিমাণ নির্ণয় কর। $f_s = 1400 \text{ kg/cm}^2$, $f_c = 94.5 \text{ kg/cm}^2$, $n = 10$

[বাকাশিবো-২০২২(অনুষ্ঠিত ২০২৩)]

সমাধান :

ধাপ-১ : ডিজাইন লোড নির্ণয় :

$$(i) \text{ বিমটির নিজস্ব ওজন} = 1 \times .25 \times .45 \times 2400 = 270 \text{ kg}$$

$$(ii) \text{ বিমের উপর আরোপিত লোড} = 1 \times 3000 = 3000 \text{ kg}$$

$$\therefore \text{প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে মোট ডিজাইন লোড} = 3270 \text{ kg}$$

ধাপ-২ : সর্বোচ্চ শিয়ার ফোর্স :

$$v = \frac{wL}{2} = \frac{3270 \times 5}{2} = 8175 \text{ kg}$$

ধাপ-৩ : সর্বোচ্চ বেজিং মোমেন্ট :

$$M = \frac{wL^2}{8} = \frac{3270 \times 5^2}{8} \times 100$$

$$= 2616000 \text{ kg-cm}$$

ধাপ-৪ : প্রধান লোহের পরিমাণ :

$$A_s = \frac{M}{f_{jd}}$$

$$= \frac{2616000}{1400 \times .86 \times 45}$$

$$= 48.28 \text{ cm}^2 \text{ (Ans.)}$$

$$k = \frac{n}{n + \frac{f_s}{f_c}} = \frac{10}{10 + \frac{1400}{94.5}} = 0.40$$

$$j = 1 - \frac{k}{3} = 1 - \frac{0.40}{3} = .86$$

উদাহরণ-১৩। সাধারণভাবে স্থাপিত একটি R.C.C. বিমের Span 7.0 মিটার। বিমের 25 cm × 50 cm-এর মধ্যে রাখতে হবে, তবে নীচের তথ্যাদির সাহায্যে বিমটি ডিজাইন কর।

তথ্যাদি : $f_t = 1300 \text{ kg/cm}^2$, $f_c = 200 \text{ kg/cm}^2$, live load = 900 kg/m, $n = 9$

[বাকশির্বো-২০২০]

সমাধান :

ধাপ-১ : ডিজাইন লোড নির্ণয় :

প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে

(i) বিমটির নিজস্ব ওজন = $1 \times .25 \times .50 \times 2400 = 300 \text{ kg}$

(ii) বিমের উপর আরোপিত লোড = 900 kg

∴ প্রতি মিটার দৈর্ঘ্য মোট ডিজাইন লোড $w = (300 + 900) = 1200 \text{ kg}$

ধাপ-২ : সর্বোচ্চ শিয়ার :

$$v = \frac{wL}{2} = \frac{1200 \times 7}{2} = 4200 \text{ kg}$$

ধাপ-৩ : সর্বোচ্চ বেজিং মোমেন্ট

$$M = \frac{wL^2}{8} = \frac{1200 \times 7^2}{8} = 7350 \text{ kg-m}$$

$$= 735000 \text{ kg-cm}$$

ধাপ-৪ : বিমের কার্যকরী গভীরতা :

$$d = \sqrt{\frac{M}{R_b}}$$

$$= \sqrt{\frac{735000}{14.87 \times 25}}$$

$$= 44.46$$

$$= 45 \text{ cm}$$

ধরি, কভারিং 5cm

∴ গভীরতা, $D = 45 + 5 = 50 \text{ cm}$

ধাপ-৫ : টান রডের ক্ষেত্রফল

$$A_s = \frac{M}{f_{jd}}$$

$$= \frac{735000}{1300 \times .87 \times 45}$$

$$= 14.45 \text{ cm}^2$$

25mm ব্যাসের রড ব্যবহার করলে

$$\text{রডের সংখ্যা} = \frac{14.45}{0.785 \times 2.5^2}$$

$$= 2.945$$

$$= 3 \text{ টি}$$

$$f_c = .45 f'_c = .45 \times 200 = 90 \text{ kg/cm}^2$$

$$n = 9$$

$$k = \frac{n}{n + \frac{f_s}{f_c}} = \frac{9}{9 + \frac{1300}{90}} = 0.38$$

$$j = 1 - \frac{k}{3} = 1 - \frac{.38}{3} = .87$$

$$R = \frac{1}{2} f_{cj} k$$

$$= \frac{1}{2} \times 90 \times .87 \times .38$$

$$= 14.87 \text{ kg/cm}^2$$

উদাহরণ-১৮। একটি সাধারণভাবে স্থাপিত আয়তাকার বিমের দৈর্ঘ্য ৬ মিটার। বিমটির উপর প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে ২১০০ কে.লোড সমভাবে বিস্তৃত থাকলে নিম্নের তথ্যাদির সাহায্যে আয়তাকার বিমটি ডিজাইন কর।

তথ্যাদি : $f_c = 210 \text{ kg/cm}^2$, $f_t = 94.5 \text{ kg/cm}^2$, $f_s = 1400 \text{ kg/cm}^2$, $n = 10$, $v = 14 \text{ kg/cm}^2$, $u = 15 \text{ kg/cm}^2$
 $v_c = 4 \text{ kg/cm}^2$ [বাকশির্ষে-২০৮]

সমাধানঃ

ধাপ-১ : ডিজাইন লোড নির্ণয় (Design load calculation) :

প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে

(i) বিমটির নিজস্ব ওজন = $1 \times 0.60 \times 0.30 \times 2400 = 432 \text{ kg}$

(ii) বিমের উপর আরোপিত লোড = $1 \times 2100 = 2100 \text{ kg}$

$\therefore$ প্রতি মিটার দৈর্ঘ্যে মোট ডিজাইন লোড, $w = 2532 \text{ kg}$

ধরি, $D = \frac{L}{10} = \frac{600}{10} = 60 \text{ cm}$

$b = \frac{1}{2} \times \text{মোট গভীরতা} = \frac{60}{2} = 30 \text{ cm}$

ধাপ-২ : সর্বোচ্চ শিয়ার ফোর্স (Maximum shear force) :

শিয়ার ফোর্স, $V = \frac{wL}{2} = \frac{2532 \times 6}{2} = 7596 \text{ kg}$

ধাপ-৩ : সর্বোচ্চ বেজিং মোমেন্ট (Maximum bending moment) :

$M = \frac{wL^2}{8} = \frac{2532 \times (6)^2}{8} \times 100 = 1139400 \text{ kg-cm}$

ধাপ-৪ : বিমের গভীরতা (Depth of beam) :

কার্যকরী গভীরতা, $d = \sqrt{\frac{M}{Rb}}$

$\therefore R = \frac{1}{2} \times 94.5 \times 0.866 \times 0.403 = 16.49 \text{ kg/cm}^2$

$b = 30 \text{ cm}$

$\therefore d = \sqrt{\frac{1139400}{16.49 \times 30}} = 48 \text{ cm}$

মোট গভীরতা = $d + \text{কভারিং}$ (৬ সেমি কভারিং বিবেচনা করে)

$= 48 + 6 = 54 \text{ cm} < 60 \text{ cm}$ (ঠিক আছে)

ধাপ-৫ : টান রডের ক্ষেত্রফল (Area of tensile reinforcement) :

$A_s = \frac{M}{f_s d} = \frac{1139400}{1400 \times 0.866 \times 48} = 19.58 \text{ cm}^2$

২৫ মিমি ব্যাসের রড (ক্ষেত্রফল = $\frac{\pi}{4} \times 2.5^2 = 4.91$) টেনসাইল রিইনফোর্সমেন্ট হিসাব ব্যবহার করলে প্রদান

সংখ্যা = $\frac{19.58}{4.91} = 3.99 = 4$ টি।

ধাপ-৬ : শিয়ার পীড়ন নিরীক্ষা (Check for shearing stress) :

শিয়ার পীড়ন, $v = \frac{V_{cr}}{bd}$

$\therefore v = \frac{6380.64}{30 \times 48} = 4.43 \text{ kg/cm}^2 < 14 \text{ kg/cm}^2$

অতএব, বিমের আকার ঠিক আছে।

কিন্তু $v = 4.43 \text{ kg/cm}^2 > v_c = 4.0 \text{ kg/cm}^2$

সুতরাং, বিমটিতে স্টিরাপের প্রয়োজন আছে।

ধাপ-৭ : যতদূরব্যাপী স্টিরাপ প্রয়োজন (Space required for stirrup) :

$a = \left(\frac{L}{2} - d \right) \frac{v'}{v} = \left(\frac{600}{2} - 48 \right) \frac{0.43}{4.43} = 24.46 \text{ cm} \approx 25 \text{ cm}$

সুতরাং স্টিরাপের জন্য মোট দূরত্ব = $d + a + d = a + 2d$

$= 25 + 2 \times 48 = 121 \text{ cm}$

অতএব, উভয় সাপোর্ট থেকে ১২১ সেমি দূরত্ব পর্যন্ত স্টিরাপ ব্যবহার করতে হবে।

এখানে, $R = \frac{1}{2} f_c j k$

$k = \frac{n}{n + f_s / f_c} = \frac{10}{10 + \frac{1400}{94.5}} = 0.403$

$j = 1 - \frac{k}{3} = 1 - \frac{0.403}{3} = 0.866$

$V_{cr} = \text{সাপোর্ট থেকে 'd' দূরত্বের শিয়ার ফোর্স}$

$= V_{max} - w \times \frac{d}{100} = 7596 - 2532 \times \frac{48}{100} = 6380.64 \text{ kg}$

ধাপ-৮ : স্টিরাপের ব্যবধান (Space required for stirrup) :

১০ মিমি ব্যাসের রডকে U-স্টিরাপ হিসাবে ব্যবহার করলে, $A_v = 2 \times \frac{\pi}{4} \times (1)^2 = 1.57 \text{ cm}^2$

$$\therefore \text{ব্যবধান, (i) } S = \frac{A_v f_v}{v' b} = \frac{1.57 \times 1400}{0.43 \times 30} = 170.38 \text{ cm c/c}$$

$$(ii) S = \frac{d}{2} = \frac{48}{2} = 24 \text{ cm c/c}$$

$$(iii) S = \frac{A_v}{0.0015 b} = \frac{1.57}{0.0015 \times 30} = 34.89 \text{ cm c/c}$$

সুতরাং ১০ মিমি ব্যাসের রডকে স্টিরাপ হিসাবে ২৪ cm ব্যবধানে বসাতে হবে।

প্রথম স্টিরাপটি সাপোর্ট থেকে $\frac{S}{2} = \frac{24}{2} = 12$ সেমি দূরে বসাতে হবে।

ধাপ-৯ : বন্ড পীড়ন নিরীক্ষা (Check for bond stress) :

$$\text{বন্ড পীড়ন, } u = \frac{V}{\sum o j d}$$

$$j = 0.866 \text{ এবং } d = 48 \text{ cm}$$

$$\therefore u = \frac{7596}{31.42 \times 0.866 \times 48} = 5.82 \text{ kg/cm}^2 < 15 \text{ kg/cm}^2$$

অতএব, ৪-২৫ mm ϕ রড গ্রহণযোগ্য।

ধাপ-১০ : বিস্তারিত চিত্র (Detail drawing) :

এখানে, $V =$ সর্বোচ্চ শিয়ার ফোর্স = ৭৫৯৬ kg

$\sum o = 25$ মিমি ৪টি রডের পরিসীমা

$$= 4 \times \pi \times 2.5 = 31.42 \text{ cm}$$

বিমের মধ্যস্থলে নিচের সারিতে ৪টি ২৫ মিমি ব্যাসের রড থাকবে। তন্মধ্যে মাঝের ২টি রড সাপোর্ট থেকে $\frac{1}{7}$ বা ৮৫.৭ সেমি দূরত্বে ৪৫° কোণে বেঁধে উপরে নেগেটিভ এলাকায় যাবে এবং অবশিষ্ট দুটি সরাসরি সাপোর্টের অভ্যন্তরে যাবে। স্টিরাপ স্থাপনার জন্য দুটি ১৬ মিমি ব্যাসের রড হ্যাংগার বার (Hanger bar) হিসাবে বিমের উপরের সারিতে বসবে। প্রতিটি রডের প্রান্তে আদর্শ হকের শর্তানুসারে হুক করতে হবে।

